∽ Baccalauréat Mathématiques–informatique ∽ Amérique du Nord 31 mai 2006

Les annexes sont à rendre avec la copie

EXERCICE 1 **8 points**

La température est relevée chaque heure pendant 4 jours dans une forêt.
Les 97 résultats obtenus ont été triés et sont rassemblés dans le tableau suivant :

Température (en °C)	Nombre de fois où cette température a été relevée
14,5	5
15	7
15,5	10
16	12
16,5	15
17	10
17,5	11
18	9
18,5	7
19	7
19,5	4

1. **a.** Déterminer la médiane M, les quartiles Q_1 et Q_3 de celle série statistique.
   On appelle premier décile (noté D_1) la plus petite valeur de la température telle qu'au moths 10 % des valeurs sont inférieures ou égales à D_1.
   On appelle neuvième décile (noté D_9) la plus petite valeur telle qu'au moins 90 % des valeurs lui sont inférieures ou égales.

   b. Justifier que $D_1 = 15$ et calculer D_9.

   c. Calculer l'écart interquartile.

2. La température a été relevée de la même manière et aux mêmes instants dans un champ à l'extérieur de la forêt. Cette deuxième série de résultats ne figure pas ici, mais :
   – la médiane de cette deuxième série est $M' = 23$°C
   – les quartiles de cette deuxième série sont $Q' = 15$°C et $Q' = 28$°C
   – les déciles de celle deuxième série sont $D'_1 = 13$°C et $D'_9 = 31$°C.

   a. Calculer l'écart interquartile de cette nouvelle série.

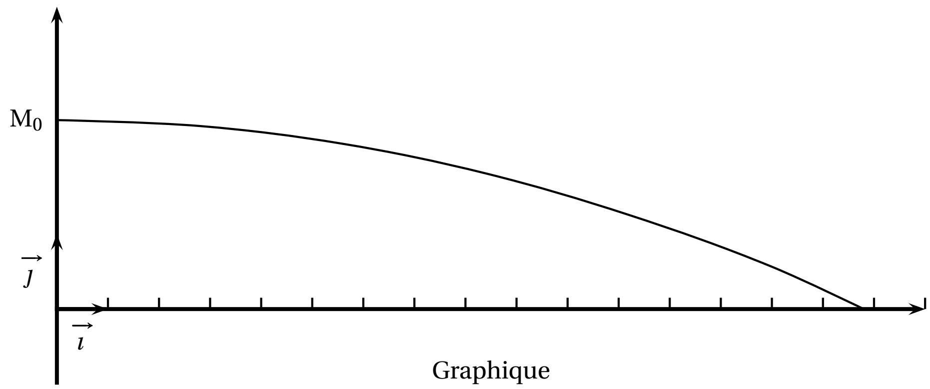
   b. On a construit sur la feuille annexe, à rendre avec la copie, un diagramme en boîte de cette série. Les extrémités du diagramme correspondent aux premier et neuvième déciles.
   Construire au-dessous de ce diagramme celui de la série des températures relevées dans la forêt.

   c. En quelques lignes, expliquer quelle semble être l'influence des arbres sur la température à l'intérieur de la forêt.

EXERCICE 2 **12 points**

Dans cet exercice, tous les temps sont exprimés en dixième de seconde et les distances en mètre.

On modélise la trajectoire d'une balle de tennis par une courbe dans un repère $\left(\text{O}, \vec{\imath}, \vec{\jmath}\right)$, représentée dans le graphique ci-dessous. Une unité représente un mètre.
Le joueur de tennis frappe sa balle à l'instant 0 en M_0 de coordonnées $(0\ ;\ 2,5)$.



Graphique

Pour un entier n, la position de la balle du joueur dans le repère $\left(\text{O}, \vec{\imath}, \vec{\jmath}\right)$ à l'instant n est le point M de coordonnées $(x_n\ ;\ y_n)$. Des valeurs x_n et y_n pour n compris entre 0 et 5 sont données par le tableau de l'annexe, extrait d'une feuille de calcul d'un tableur.
Ce tableau doit être complété durant l'exercice et rendu avec la copie.

Les questions 1 à 4 sont dans une large mesure indépendantes.

1. Étude de la suite des nombres x_n (abscisses de la position de la balle à l'instant n).
   - **a.** Montrer que les valeurs x_0, x_1 et x_2 sont les premiers termes d'une suite arithmétique dont on déterminera la raison r. Écrire la valeur trouvée de r dans la cellule E11du tableau de l'annexe.
   - **b.** On admet que les nombres x_n sont les termes de la suite arithmétique de premier terme x_0 et de raison r. Justifier que $x_n = 2,8n$.
   - **c.** On veut introduire dans la cellule B7 une formule recopiable jusqu'en B9, encore valable si on change la valeur de r. Donner cette formule.
   - **d.** Compléter les deux cellules manquantes de la colonne B du tableau de l'annexe.
   - **e.** La balle arrive au niveau du filet, situé à 12 mètres du point O, à l'instant t.
     À l'aide du tableau, donner un encadrement de t entre deux valeurs distantes de un dixième de seconde.
2. Étude de la suite des nombres y_n (ordonnées de la position de la balle à l'instant n).
   - **a.** Montrer que la suite des nombres y_n n'est ni arithmétique, ni géométrique.
   - **b.** Les lois de la physique permettent d'établir la relation

$$y_n = -0{,}078\ 4n^2 + 2,5.$$

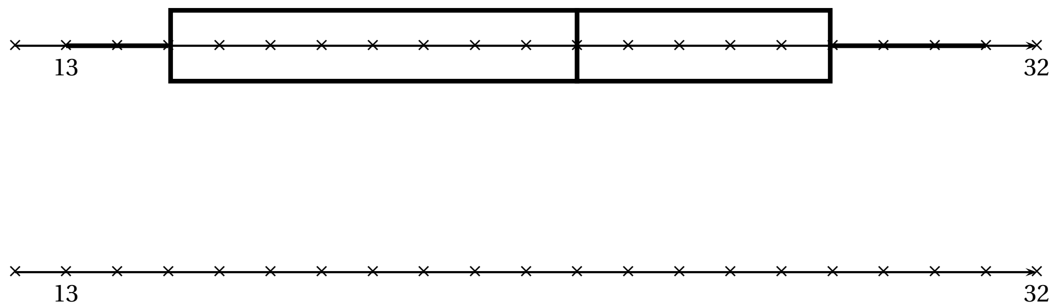
     Quelle formule tableur doit-on écrire en C4 de façon à la recopier jusqu'en C9 ?

3. Étude de la trajectoire de la balle.
Le filet, situé à 12 mètres du point O mesure environ 0,90 m de hauteur. Expliquer, en utilisant le graphique rappelé en annexe, pourquoi la balle passe au dessus du filet.
4. Lors de la mise en jeu, le joueur au service a droit à deux essais pour placer la balle dans le carré de service adverse. Ces essais sont appelés premier et deuxième service. Au cours d'un match, le joueur a manqué 20 premiers services. Il a donc joué 20 deuxièmes services.
   a. Lors de ce match, sur les 20 deuxièmes services, 3 ont été réussis sans être rattrapés par l'adversaire. Parmi les deuxièmes services, quel est le pourcentage de services réussis non rattrapés par l'adversaire ?
   b. Sur ces 20 deuxièmes services, 65 % ont été placés dans le carré de service adverse. Calculer le nombre de deuxièmes services réussis.
   c. Les 20 premiers services manqués correspondent, pour les premiers services joués, à un pourcentage d'échec de 26,7 % (arrondi à 0,1 %). Quel est le nombre total des premiers services que le joueur a effectués au cours de ce match ?

ANNEXE (à rendre avec la copie)

Exercice I

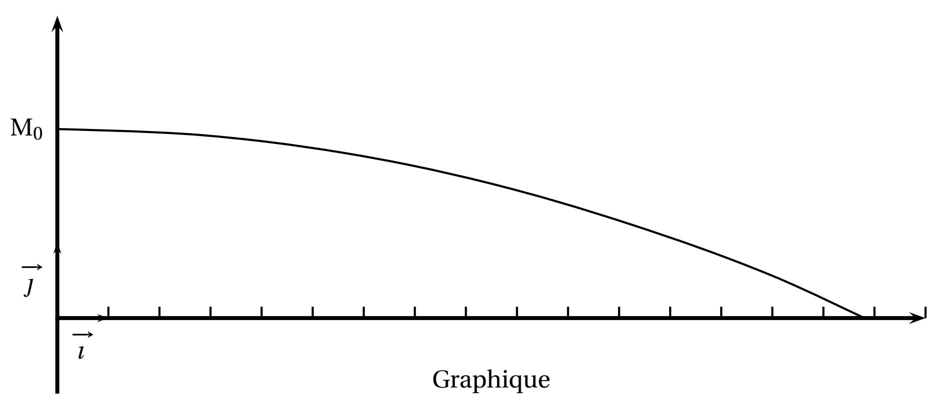
Diagrammes en boîtes



Exercice 2

Valeurs de x_n et y_n

	A	B	C	D	E
1		Raison r de la suite arithmétique			
2					
3	Temps n écoulé (en dixième de seconde)	Abscisse x_n de la balle (en mètre)	Ordonnée y_n de la balle (en mètre)		
4	0	0	2,5		
5	1	2,8	24216		
6	2	5,6	2,1864		
7	3		1,7944		
8	4		1,2456		
9	5	14	0,54		



Graphique